



اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.  
امام خمینی (ره)

شرکت تعاونی خدمات آموزشی کارکنان  
سازمان سنجش آموزش کشور

## پاسخ تشریحی آزمون آزمایشی سنجش یازدهم - مرحله دوم (۱۴۰۳/۰۸/۱۸)

### ریاضی و فیزیک (یازدهم)

کارنامه آزمون، عصر روز برگزاری آن از طریق سایت اینترنتی زیر قابل مشاهده می‌باشد:

[www.sanjeshserv.ir](http://www.sanjeshserv.ir)

### مدیران، مشاوران و دبیران محترم دبیرستان‌ها و مراکز آموزشی

به منظور فراهم نمودن زمینه ارتباط مستقیم مدیران، مشاوران و دبیران محترم دبیرستان‌ها و مراکز آموزشی همکار در امر آزمون‌های آزمایشی سنجش و بهره‌مندی از نظرات ارزشمند شما عزیزان در خصوص این آزمون‌ها، آدرس پست الکترونیکی [test@sanjeshserv.com](mailto:test@sanjeshserv.com) معرفی می‌گردد. از شما عزیزان دعوت می‌شود، دیدگاه‌های ارزشمند خود را از طریق آدرس فوق با مدیر تولیدات علمی و آموزشی این مجموعه در میان بگذارید.



@sanjesheducationgroup



@sanjeshserv

کانال‌های ارتباطی:

سنجش یازدهم

## ریاضیات

.۱ گزینه ۲ درست است.

$$AM : M\left(\frac{1+8}{2}, \frac{-1+(-2)}{2}\right) = \left(\frac{9}{2}, \frac{-3}{2}\right)$$

$$AM = \sqrt{\left(\frac{9}{2} - 4\right)^2 + \left(-\frac{3}{2} - (-2)\right)^2} = \frac{5\sqrt{2}}{2}$$

$$BC \text{ معادله ضلع} : y - y_1 = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} (x - x_1)$$

$$y + 1 = \frac{-2 + 1}{8 - 1}(x - 1) \rightarrow x + 7y + 6 = 0$$

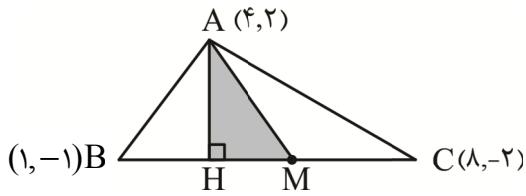
$$AH = \frac{|4 + 7(2) + 6|}{\sqrt{1^2 + (-7)^2}} = \frac{24}{5\sqrt{2}} = \frac{12\sqrt{2}}{5}$$

$$\Delta AHM \text{ محيط} = AM + HM + AH \quad : \text{فيثاغورث در } HM^2 = AM^2 - AH^2 = \frac{25}{2} - \frac{288}{25} = \frac{49}{5}$$

$$\rightarrow HM = \frac{7\sqrt{2}}{10}$$

$$\Delta AHM \text{ محيط} = AM + HM + AH$$

$$= \frac{5\sqrt{2}}{2} + \frac{7\sqrt{2}}{10} + \frac{12\sqrt{2}}{5} = \frac{56\sqrt{2}}{10} = 5.6\sqrt{2}$$



(سطح دشواری: دشوار)

.۲ گزینه ۳ درست است.

مطابق اثبات تمرین ۴ صفحه ۳۵ کتاب درسی حسابان (۱)، فاصله دو خط موازی  $ax + by + c' = 0$  و  $ax + by + c = 0$  و

$$\begin{cases} 4x + 3y - 5 = 0 \\ 4x + 3y - 45 = 0 \end{cases}$$

$$\text{برابر} \frac{|c - c'|}{\sqrt{a^2 + b^2}}$$

$$2R = \frac{|(-5) - (-45)|}{\sqrt{4^2 + 3^2}} = \frac{40}{5} = 8$$

$$\rightarrow R = 4$$

$$\text{مساحت دایره} S = \pi R^2 = \pi(4)^2 = 16\pi$$

(سطح دشواری: متوسط)

.۳ گزینه ۴ درست است.

ابتدا معادله خط را به صورت  $8x + 6y - k = 0$  می‌نویسیم و سپس از فرمول فاصله نقطه تا خط استفاده می‌کنیم:

$$4 = \frac{|8(1) + 6(-4) - k|}{\sqrt{8^2 + 6^2}} \Rightarrow 4 = \frac{|-16 - k|}{10} \Rightarrow |-16 - k| = 40 \quad \begin{cases} k = -56 \\ k = 24 \end{cases}$$

$$k = |-56 - 24| = 80 \quad \text{اختلاف دو مقدار}$$

(سطح دشواری: آسان)

.۴ گزینه ۱ درست است.

ابتدا نمودار  $f(x) = |x^2 - 4x|$  را رسم می‌کنیم:

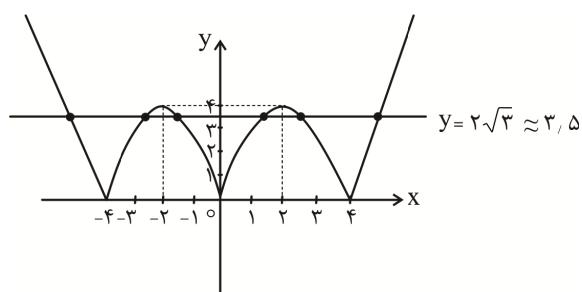
$$\begin{cases} x \geq 0 \rightarrow f(x) = |x^2 - 4x| \\ x < 0 \rightarrow f(x) = |x^2 + 4x| \end{cases}$$

مطابق شکل خط  $y = 2 - \frac{k}{4}$  نمودار تابع  $f(x)$  را فقط زمانی

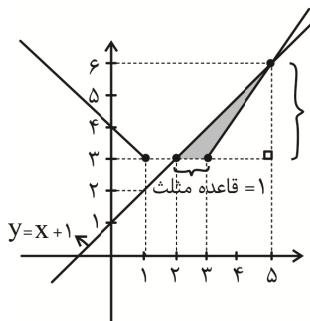
در ۶ نقطه قطع می‌کند که  $4 < 2 - \frac{k}{4} < 0$  باشد، بنابراین:

$$-2 < -\frac{k}{4} < 2 \xrightarrow{x(-4)} 8 > k > -8 \xrightarrow{k \in \mathbb{Z}} k = 0, \pm 1, \pm 2, \dots, \pm 7 \Rightarrow K \text{ شامل ۱۵ عدد صحیح است.}$$

(سطح دشواری: متوسط)



۵. گزینه ۱ درست است.



$$f(x) = \begin{cases} -2x + 4 & ; x < 1 \\ 2x - 4 & ; 1 \leq x \leq 3 \\ 2x - 4 & ; x > 3 \end{cases}$$

مساحت مثلث  $S = \frac{1 \times 3}{2} = 1/5$

(سطح دشواری: متوسط)

۶. گزینه ۳ درست است.

در «نامساوی مثلث» برای هر دو عدد حقیقی  $a$  و  $b$  مطابق فعالیت صفحه ۲۵ کتاب حسابان (۱) داریم:

$$|a+b| \leq |a| + |b|$$

حالت مساوی در این نامعادله فقط زمانی اتفاق می‌افتد که  $ab > 0$  یعنی  $a$  و  $b$  هر دو هم‌زمان مثبت یا هر دو به‌طور هم‌زمان منفی باشند، بنابراین:

$$|2x-3| + |x+2| = |x-5| \xrightarrow{\substack{|b|=|-b| \\ \text{می‌دانیم}}} |2x-3| + |-x-2| = |x-5|$$

$\xrightarrow{ab>0} (2x-3)(-x-2) > 0 \rightarrow (2x-3)(x+2) < 0$

$x$	$-\infty$	$-2$	$\frac{3}{2}$	$+\infty$
$(2x-3)(x+2)$	+	∅	-	∅
		↓		
	$-2 < x < \frac{3}{2}$			

اعداد صحیح بازه جواب

اما مرز صحیح  $x = -2$  هم در معادله قدرمطلقی صدق می‌کند (امتحان کنید) درنتیجه به‌ارای ۴ عدد صحیح معادله برقرار است.

(سطح دشواری: دشوار)

۷. گزینه ۲ درست است.

در  $200$  کیلوگرم محلول  $5$  درصدی  $\frac{5}{100} \times 200 = 10$  کیلوگرم نمک وجود دارد. با اضافه کردن  $5$  کیلوگرم نمک موجود در مغازه  $10 + 5 = 15$  کیلوگرم نمک و در نهایت  $215$  کیلوگرم محلول داریم. اگر  $x$  کیلوگرم از آب این محلول نهایی تبخیر شود، تا محلول  $8$  درصدی داشته باشیم، معادله گویای زیر برقرار است:

$$\frac{15}{215-x} = \frac{8}{100} \rightarrow \frac{15}{215-x} = \frac{2}{25} \rightarrow 430 - 2x = 375 \rightarrow x = 27/5 \text{ kg}$$

(سطح دشواری: دشوار)

۸. گزینه ۴ درست است.

با شرط  $x \neq -1$  و  $-1 \neq x$  و ضرب دو طرف معادله گویا در ک.م.م مخرجها:  $x$

$$\left( \frac{5x-4}{(2x-1)(x+1)} - \frac{2}{x+1} = \frac{2x}{1-2x} \right) \times (2x-1)(x+1)$$

$$5x-4-2(2x-1) = -2x(x+1)$$

$$2x^2 + 3x - 2 = 0 \xrightarrow{\Delta=25} x = \frac{-3 \pm 5}{4} \begin{cases} x = -2 & \checkmark \\ x = \frac{1}{2} & \times \end{cases}$$

$$x = -2 \Rightarrow m(-2)^2 + (m-1)(-2) + 2 = 0$$

$$\rightarrow 2m + 4 = 0 \rightarrow \boxed{m = -2} \rightarrow -2x^2 - 3x + 2 = 0$$

$$\xrightarrow{\Delta=25} x = \frac{3 \pm 5}{-4} \begin{cases} x = -2 & \text{ریشه مشترک} \\ x = \frac{1}{2} & \text{ریشه دیگر} \end{cases}$$

$$\frac{1}{2} + \frac{3}{2} - 8m = 2 - 8m = 2 - 8(-2) = 18 \quad \text{عبارت مورد نظر}$$

(سطح دشواری: دشوار)

۹. گزینه ۱ درست است.

ابتدا معادله گنج  $x^3 + \sqrt{|x| - 3} = x + 6$  را از نظر دامنه جواب بررسی و حل می‌کنیم:

$$\sqrt{|x| - 3} = -x^3 + x + 6$$

$$\left\{ \begin{array}{l} |x| - 3 \geq 0 \rightarrow x \leq -3 \text{ یا } x \geq 3 \\ -x^3 + x + 6 \geq 0 \rightarrow (3-x)(x+2) \geq 0 \rightarrow -2 \leq x \leq 3 \end{array} \right\} \Rightarrow x = 3$$

(تنها عضو دامنه جواب معادله تنها جواب معادله  $x^3 + \sqrt{|x| - 3} = x + 6$  است)

$$\left\{ \begin{array}{l} \sqrt{x+2} + \sqrt{x-4} = 3 \\ \sqrt{x+2} - \sqrt{x-4} = M \end{array} \right. \quad \xrightarrow{\text{ضرب دو معادله در هم و اتحاد مزدوج}}$$

طبق فرض سؤال:  $\sqrt{x+2} + \sqrt{x-4} = 3$   
فرض:  $\sqrt{x+2} - \sqrt{x-4} = M$

$$\rightarrow (x+2) - (x-4) = 3M \rightarrow M = 2$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \sqrt{x+2} + \sqrt{x-4} = 3 \\ \sqrt{x+2} - \sqrt{x-4} = 2 \end{array} \right. \quad \xrightarrow{\text{حل دستگاه دو معادله دو مجهول}}$$

$\sqrt{x+2} = \frac{5}{2}$   
 $\sqrt{x-4} = \frac{1}{2}$

$$\sqrt{x+2} - 19\sqrt{x-4} = \frac{5}{2} - 19\left(\frac{1}{2}\right) = -7$$

(سطح دشواری: بسیار دشوار)

۱۰. گزینه ۳ درست است.

چون دو ریشه حقیقی داریم:

$$\Delta > 0 \rightarrow b^2 - 16 > 0$$

$$b > 4 \text{ یا } b < -4$$

با تعیین علامت عبارت درجه دوم  $p(x) = x^2 + bx + 4$ :

x	-∞	$x_1$	-2	$x_2$	-1	+∞
$p(x)$	+	0	-	0	+	

$$x = -2 \rightarrow p(-2) < 0 \rightarrow (-2)^2 + b(-2) + 4 < 0 \rightarrow b > 4$$

$$x = -1 \rightarrow p(-1) > 0 \rightarrow (-1)^2 + b(-1) + 4 > 0 \rightarrow b < 5$$

بنابراین با در نظر گرفتن تمام شرایط سؤال  $b < 4$  قرار می‌گیرد. از طرفی  $x_1 + x_2 = -b$  یعنی:

$$-5 < -b < -4$$

$$\downarrow \quad \downarrow$$

$$N \quad M$$

$$3N - 5M = 3(-5) - 5(-4) = 5$$

(سطح دشواری: متوسط)

۱۱. گزینه ۴ درست است.



صفرهای تابع اند:

$$\begin{aligned} f(-4) &= 0 \rightarrow -4(-4)^2 + a(-4) + b = 0 \Rightarrow \begin{cases} -4a + b = 48 \\ a + b = 3 \end{cases} \\ f(1) &= 0 \rightarrow -4(1)^2 + a(1) + b = 0 \end{aligned}$$

$$\Rightarrow a = -9, b = 12$$

با جایگذاری  $a$  و  $b$  در معادله درجه دوم بخش بعدی سؤال:

$$\begin{aligned} x^2 - 9x + 1 = 0 & \left\{ \begin{array}{l} \text{ریشه معادله } \alpha \rightarrow \alpha^2 = 9\alpha - 1 \quad (1) \\ \text{ریشه معادله } \beta \rightarrow \beta^2 = 9\beta - 1 \quad (2) \\ \longrightarrow \alpha\beta = 1 \\ \longrightarrow \alpha + \beta = 9 \end{array} \right. \\ \alpha^2 + 9\beta + \frac{\alpha}{\alpha+1} + \frac{\beta}{\beta+1} &= \underbrace{9\alpha - 1}_{(1)} + 9\beta + \frac{\alpha\beta + \alpha + \alpha\beta + \beta}{\alpha\beta + \alpha + \beta + 1} \\ &\text{طبق (1)} \\ &= 9(\alpha + \beta) - 1 + \frac{2\alpha\beta + (\alpha + \beta)}{\alpha\beta + (\alpha + \beta) + 1} \\ &= 9(9) - 1 + \frac{2(1) + 9}{1 + 9 + 1} = 81 \end{aligned}$$

(سطح دشواری: دشوار)

۱۲. گزینه ۲ درست است.

$$f(-2) = 0 \rightarrow (-2)^2 + k(-2)^2 - (-2) - 2 = 0 \rightarrow k = 2$$

$$x^2 + 2x^2 - x - 2 = 0 \rightarrow x^2(x+2) - (x+2) = 0$$

$$(x+2)(x^2 - 1) = 0 \rightarrow \begin{cases} x = -2 \\ x = -1 \\ x = +1 \end{cases}$$

$$=(-2)^2 + (-1)^2 + (1)^2 = 6 \quad \text{مجموع مربعات تمام صفرهای تابع}$$

(سطح دشواری: آسان)

۱۲. گزینه ۱ درست است.

مطلوب مثال ص ۹ کتاب درسی حسابان، فرض کنید طول و عرض مستطیل به ترتیب  $x_1$  و  $x_2$  باشند:

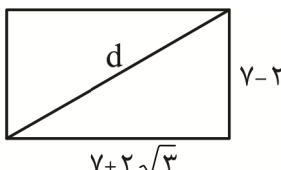
$$37 = x_1 x_2 = 37 = p \quad \text{مساحت مستطیل}$$

$$28 = 2(x_1 + x_2) = 28 \rightarrow x_1 + x_2 = 14 = S \quad \text{محیط مستطیل}$$

معادله درجه دومی تشکیل می‌دهیم که در آن  $S = 14$  و  $p = 37$  باشد:

$$x^2 - Sx + p = 0 \rightarrow x^2 - 14x + 37 = 0 \rightarrow \Delta = 48$$

$$x = \frac{14 \pm \sqrt{48}}{2} = 7 \pm 2\sqrt{3} \rightarrow \begin{cases} x_1 = 7 + 2\sqrt{3} \\ x_2 = 7 - 2\sqrt{3} \end{cases}$$



$$d^2 = (7+2\sqrt{3})^2 + (7-2\sqrt{3})^2$$

$$d^2 = 122$$

$$(A = \pi R^2, R = \frac{1}{2}d) \quad A = \frac{1}{4}\pi d^2 = \frac{1}{4}\pi \times 122 = \frac{61\pi}{2}$$

(سطح دشواری: دشوار)

۱۴. گزینه ۳ درست است.

$$3, 3+d, 3+2d, \dots, 3+8d, \dots$$

↓      ↓      ↓      ↓  
جمله نهم    جمله سوم    جمله اول

$3, 3+2d, 3+8d \Rightarrow (3+2d)^3 = 3(3+8d)$

$$\Rightarrow 9+4d^2+12d=9+24d \rightarrow 4d^2-12d=0 \quad \begin{cases} d=0 \\ d=3 \end{cases}$$

$$S_n = \frac{n}{2}[2a + (n-1)d]$$

$$S_{40} = \frac{40}{2}[2(3) + (40-1)(3)] = 2460$$

(سطح دشواری: دشوار)

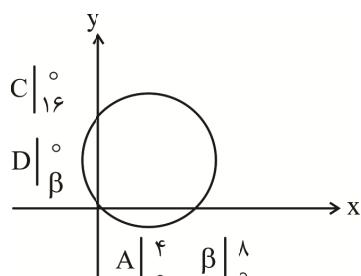
۱۵. گزینه ۱ درست است.

$$\begin{aligned} S_{12} &= \frac{a \times \frac{q^{12}-1}{q-1}}{M} \\ &= \frac{(q^6+1)(q^6-1)}{(q-1)((1+q^3)+q^6(1+q^3))} = \frac{\cancel{(q^6+1)}(q^3-1)\cancel{(q^3+1)}}{\cancel{(q-1)}\cancel{(q^3+1)}\cancel{(q^6+1)}} \\ &= \frac{q^3-1}{q-1} = \frac{S_3}{q} = \frac{\sqrt{3}+\sqrt{2}}{\sqrt{3}-\sqrt{2}} \xrightarrow{\text{گویا کردن مخرج}} \times \frac{\sqrt{3}+\sqrt{2}}{\sqrt{3}+\sqrt{2}} = \frac{(\sqrt{3}+\sqrt{2})^2}{3-2} = \frac{3+2+2\sqrt{6}}{1} = 5+2\sqrt{6} \end{aligned}$$

(سطح دشواری: دشوار)

۱۶. گزینه ۲ درست است.

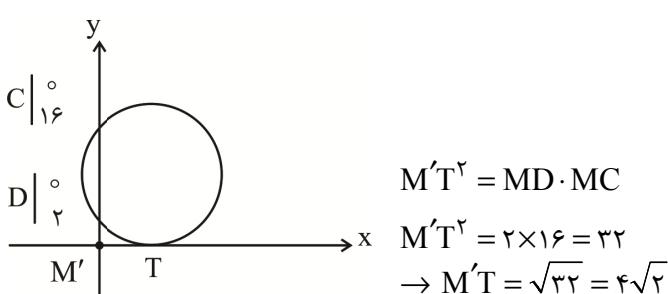
طبق فعالیت ص ۱۸ کتاب درسی:



$$MA \cdot MB = MC \cdot MD$$

$$\Rightarrow 4 \times 8 = 16 \times \beta$$

$$\Rightarrow \beta = 2$$



طبق فعالیت ص ۱۸ و ۱۹ داریم:

$$M'T^2 = MD \cdot MC$$

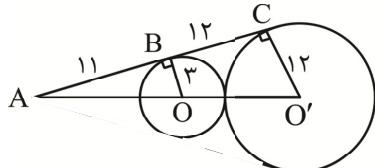
$$M'T^2 = 2 \times 16 = 32$$

$$\rightarrow M'T = \sqrt{32} = 4\sqrt{2}$$

(سطح دشواری: دشوار)

۱۷. گزینه ۱ درست است.

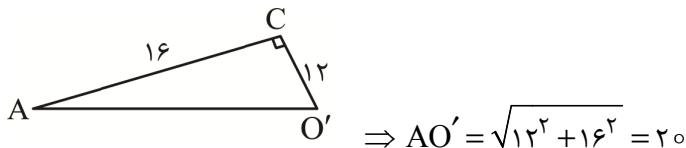
می‌دانیم شعاع گذرنده از نقطه تماس بر خط مماس عمود است. از طرفی طول مماس مشترک خارجی دو دایره مماس خارج



طبق تمرین کتاب درسی  $BC = 2\sqrt{r_1 r_2}$  است؛ پس

$$\begin{aligned} AB &= x \xrightarrow{\text{طبق تالس}} \frac{x}{ACO'} = \frac{3}{x+12} \rightarrow x = 4 \end{aligned}$$

با فرض  $AB = x$

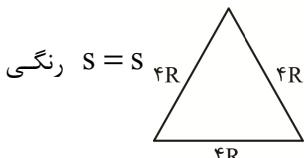
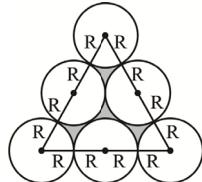


$$\Rightarrow AO' = \sqrt{12^2 + 16^2} = 20$$

(سطح دشواری: متوسط)

۱۸. گزینه ۴ درست است.

مشابه تمرین ص ۲۲ کتاب درسی هندسه (۲):



مساحت ۳ تا نیم‌دایره + مساحت ۳ تا قطاع  $\overset{60^\circ}{\underset{\text{نیم‌دایره}}{\overbrace{\quad}}}$

۲ تا دایره کامل

$$= \frac{(4R)^2 \sqrt{3}}{4} - 2\pi R^2 = 2R^2(2\sqrt{3} - \pi)$$

(سطح دشواری: متوسط)

۱۹. گزینه ۴ درست است.

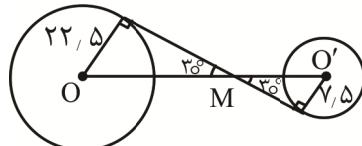
$$\sin 30^\circ = \frac{22/5}{OM} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{22/5}{OM} \Rightarrow OM = 45$$

$$\sin 30^\circ = \frac{7/5}{O'M} \Rightarrow \frac{1}{2} = \frac{7/5}{O'M} \Rightarrow O'M = 15$$

$$\Rightarrow OO' = OM + O'M = 45 + 15 = 60 = d$$

$$\Rightarrow TT' = \sqrt{d^2 - (R - R')^2} = \sqrt{60^2 - (22/5 - 7/5)^2}$$

$$\Rightarrow \sqrt{60^2 - 15^2} = \sqrt{(60 - 15)(60 + 15)} = \sqrt{45 \times 75} = \sqrt{9 \times 5 \times 25 \times 3} = 15\sqrt{15}$$



(سطح دشواری: دشوار)

۲۰. گزینه ۱ درست است.

$$S_1 = \pi R_1^2 = 25\pi^2 \Rightarrow R_1^2 = 25\pi^2 \Rightarrow R_1 = 5\pi$$

$$P_2 = 2\pi R_2 = 8\pi^2 \Rightarrow R_2 = 4\pi$$

$d = \pi \Rightarrow d = |R_1 - R_2| \rightarrow$  دو دایره مماس داخلاند

پس فقط ۱ مماس مشترک آن هم از نوع خارجی به طول صفر دارد.

(سطح دشواری: متوسط)

۲۱. گزینه ۱ درست است.

$$TT' = \sqrt{d^2 - (R - R')^2} \Rightarrow 6\sqrt{6} = \sqrt{d^2 - (12 - 9)^2}$$

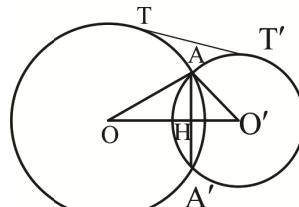
$$\rightarrow 216 = d^2 - 9 \Rightarrow d^2 = 225 \Rightarrow d = 15 \Rightarrow OO' = 15$$

$\Delta OAO'$ : قائم‌الزاویه  $\Leftrightarrow OO'^2 = AO^2 + AO'^2$

$$15^2 = 12^2 + 9^2$$

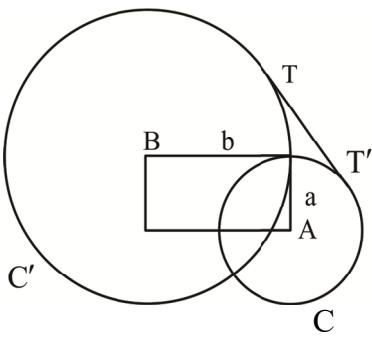
$$\Rightarrow S_{\Delta OAO'} = \frac{9 \times 12}{2} = \frac{AH \times 15}{2} \Rightarrow AH = \frac{9 \times 12}{15} = 7.2$$

$$\rightarrow AA' = 2AH = 14.4$$



(سطح دشواری: دشوار)

۲۲. گزینه ۲ درست است.



$$C(A, a)$$

$$C'(B, b)$$

$$TT' = \sqrt{d^2 - (R - R')^2}$$

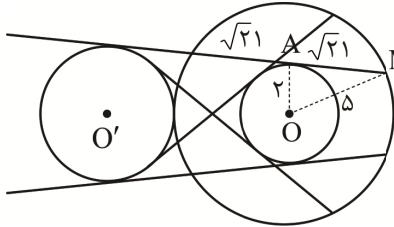
$$d = AB = \sqrt{a^2 + b^2}$$

$$\rightarrow TT' = \sqrt{(\sqrt{a^2 + b^2})^2 - (a-b)^2} = \sqrt{a^2 + b^2 - a^2 - b^2 + 2ab}$$

$$\rightarrow TT' = \sqrt{2ab}$$

(سطح دشواری: متوسط)

۲۳. گزینه ۴ درست است.



$$\begin{aligned} & \text{وترهای به طول } \sqrt{21} \text{ همگی دایره به شعاع } r \text{ و مرکز } O \text{ مماس‌اند. حال این دایره} \\ & \text{جدید و دایره‌ای به مرکز } O' \text{ چون متاخرج‌اند دارای ۴ مماس مشترک‌اند.} \\ & OA = \sqrt{25 - 21} = \sqrt{4} = 2 = r \end{aligned}$$

(سطح دشواری: متوسط)

۲۴. گزینه ۴ درست است.

- ۱ گزینه  $\sim (\forall x, p(x)) \equiv (\exists x, \sim p(x))$
- ۲ گزینه  $\sim (\forall x, p(x)) \equiv (\exists x, \sim p(x))$
- ۳ گزینه  $\sim (\exists x, p(x)) \equiv (\forall x, \sim p(x))$
- ۴ گزینه  $\sim (\exists x, p(x)) \equiv (\forall x, \sim p(x))$

بنابراین در گزینه ۴ نقیض به صورت «همه مربع‌ها مستطیل نیستند». باید باشد.

(سطح دشواری: متوسط)

۲۵. گزینه ۳ درست است.

می‌دانیم  $n$  گزاره دارای  $2^n$  حالت است (طبق کتاب درسی)

پس  $4$  گزاره دارای  $= 16 = 2^4$  حالت است.

از طرفی وقتی  $s \equiv p \wedge q$  است. پس  $4$  گزاره در واقع به  $2$  گزاره تبدیل می‌شود؛ پس  $= 2^3 = 8$  حالت داریم.  
 $\Rightarrow 16 - 8 = 12$

(سطح دشواری: متوسط)

۲۶. گزینه ۲ درست است.

$$[(p \Rightarrow q) \wedge (p \vee q)] \wedge [(\underbrace{\sim p \wedge q}_{\downarrow}) \Rightarrow (\underbrace{\sim p \Rightarrow q}_{\downarrow})] \Rightarrow q$$

$$\underbrace{(q \vee \sim p) \wedge (p \vee q)}_{\downarrow} \quad \underbrace{(\sim p \wedge q) \Rightarrow (q \vee p)}_{\downarrow}$$

$$\underbrace{q \vee (\underbrace{\sim p \wedge p}_{F})}_{\downarrow} \quad \underbrace{(q \vee p) \vee \sim (\sim p \wedge q)}_{\downarrow}$$

$$\underbrace{p \vee (q \vee \sim q)}_{T} \quad \underbrace{(q \vee p) \vee (p \vee \sim q)}_{T}$$

$$\Rightarrow \underbrace{(q \wedge T \Rightarrow q)}_{q} \equiv (q \vee \sim q) \equiv T$$

(سطح دشواری: دشوار)

۲۷. گزینه ۳ درست است.

تعداد زیرمجموعه‌های نامساوی و ناتهی یک مجموعه ۲ واحد کمتر از کل زیرمجموعه‌ها است.

پس:

$$\begin{aligned} 2^{n+4} - 2 &= 2^2 + 2^{n+2} \\ \rightarrow 2^{n+4} - 2^{n+2} &= 2^4 \Rightarrow 16 \times 2^n - 4 \times 2^n = 2^4 \\ \Rightarrow 12 \times 2^n &= 2^4 \rightarrow 2^n = 2 \rightarrow n = 1 \rightarrow n + 3 = 4 \\ \rightarrow 2^{n+3} &= 2^4 = 16 \text{ کل زیرمجموعه‌ها} \\ &\quad \downarrow \text{کل زیرمجموعه‌های ناتهی} \\ &= 2^{n+3} - 1 = 16 - 1 = 15 \end{aligned}$$

(سطح دشواری: دشوار)

۲۸. گزینه ۴ درست است.

$$\begin{aligned} A_1 \cup A_2 \cup \dots \cup A_n &\xrightarrow{A_1 \subseteq A_2 \subseteq A_3 \subseteq \dots \subseteq A_n} A_n \\ A_1 \cap A_2 \cap \dots \cap A_n &\xrightarrow{A_1 \subseteq A_2 \subseteq A_3 \subseteq \dots \subseteq A_n} A_1 \\ \Rightarrow D = A_n - A_1 &= \underbrace{\{1, 2, \dots, n\}}_{\text{عضو } n-1} \end{aligned}$$

$2^{n-1}$  تعداد زیرمجموعه

(سطح دشواری: متوسط)

۲۹. گزینه ۱ درست است.

$$\begin{aligned} A &= \{1, 2, \{1\}, \{1, 2\}\} \\ B &= \{1, 2\} \\ A - \{B\} &= \{1, 2, \{1\}, \{1, 2\}\} - \{\{1, 2\}\} = \{1, 2, \{\}\} \\ \Rightarrow 2^3 &= 8 \text{ تعداد زیرمجموعه} \\ A - B &= \{1, 2, \{1\}, \{1, 2\}\} - \{1, 2\} = \{\{\}\}, \{1, 2\} \} \\ \Rightarrow 2^1 &= 4 \text{ تعداد زیرمجموعه} \\ \Rightarrow 8 - 4 &= 4 \end{aligned}$$

(سطح دشواری: متوسط)

۳۰. گزینه ۴ درست است.

$$\begin{aligned} A &= \{a\} \\ B &= \{a, \{a\}\} \\ C &= \{\{a\}, \{a, \{a\}\}\} \end{aligned}$$

(۱)

$$\begin{aligned} B - A &= \{\{a\}\} \\ B - \{A\} &= B - \{\{a\}\} = \{a\} \end{aligned} \Rightarrow n(B - A) = n(B - \{A\})$$

$A \subset B$  درست است چون عضو  $a$  در  $B$  هم هست.

$C - B = \{\{a, \{a\}\}\} \rightarrow C - B$  تک عضوی است.

پس  $C - B$  دارای ۲ زیرمجموعه است.

$B \subset C$  نادرست است. چون عضو  $a$  در  $B$  است ولی در  $C$  نیست.

(سطح دشواری: متوسط)

## فیزیک (۲)

۳۱. گزینه ۲ درست است.

(فیزیک ۲ - فصل ۱ - سطح دشواری: آسان)

۳۲. گزینه ۳ درست است.

$$q_2 = q_1 + \frac{25}{100}q_1 = \frac{125}{100}q_1 = \frac{5}{4}q_1$$

$$q_2 - q_1 = ne \quad \frac{5}{4}q_1 - q_1 = 5 \times 10^{12} \times 1 / 6 \times 10^{-19}$$

$$\frac{1}{4}q_1 = 8 \times 10^{-7} \quad q_1 = 32 \times 10^{-7} C = 32 \mu C$$

از جسم، الکترون گرفته ایم و بار آن افزایش یافته است؛ پس بار آن مثبت بوده است.

(فیزیک ۲ - فصل ۱ - سطح دشواری: متوسط)

۳۳. گزینه ۲ درست است.

یکدیگر را جذب می کنند؛ پس ناهمنامند.

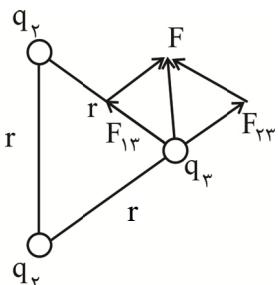
$$q \quad -q \\ q - \frac{2}{10}q = \frac{8}{10}q \quad -q + \frac{2}{10}q = -\frac{8}{10}q$$

$$\frac{F'}{F} = \frac{\frac{8}{10}q \times \frac{8}{10}q}{q \times q} = \frac{64}{100} = 0.64$$

(فیزیک ۲ - فصل ۱ - سطح دشواری: متوسط)

۳۴. گزینه ۳ درست است.

با رسم متوازی الاضلاع و نیروهای وارد بر  $q_3$  معلوم می شود که  $q_1$  نیروی جاذبه و  $q_2$  نیروی دافعه بر  $q_3$  وارد می کنند؛ پس  $q_1$  و  $q_2$  ناهمنامند. از طرفی نیروی  $F_{23}$  از  $F_{13}$  بزرگ تر است. پس اندازه بار  $q_1$  بیشتر است.



(فیزیک ۲ - فصل ۱ - سطح دشواری: متوسط)

۳۵. گزینه ۲ درست است.

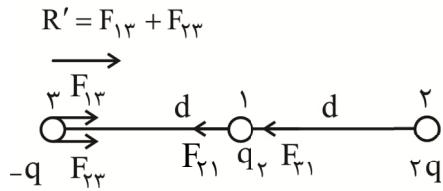
چون  $q_1$  و  $q_2$  ناهمنامند، بار  $q_1$  بزرگ تر است؛ پس  $q_2$  باید خارج از فاصله دو بار و نزدیک  $q_2$  باشد.

$$x = 30 \text{ cm} \quad q_1 = -9q_2 \\ F_{13} = F_{23} \quad \frac{q_1 q_3}{(x+30)^2} = \frac{q_2 q_3}{(30)^2} \quad \frac{9 q_2}{(x+30)^2} = \frac{q_2}{30^2}$$

$$\text{جذر } \Rightarrow \frac{3}{x+30} = \frac{1}{30} \Rightarrow 90 = x + 30 \Rightarrow x = 60 \text{ cm}$$

$q_1$  باید  $60 \text{ cm}$  به راست جابه جا شود. (فیزیک ۲ - فصل ۱ - سطح دشواری: دشوار)

۳۶. گزینه ۴ درست است.



$$R = F_{r1} - F_{r2}$$

$$\frac{R'}{R} = \frac{F_{1r} + F_{2r}}{F_{r1} - F_{r2}} = \frac{\frac{kq_1 \times q}{r^2} + \frac{kq_2 \times -q}{r^2}}{\frac{kq_1 \times q}{(2r)^2} - \frac{kq_2 \times -q}{(2r)^2}} = \frac{1 + \frac{1}{2}}{2 + 1} = \frac{1}{2}$$

(فیزیک ۲ - فصل ۱ - سطح دشواری: متوسط)

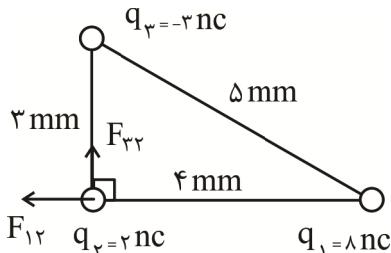
۳۷. گزینه ۴ درست است.

$$F = \frac{k|q_1 q_2|}{r^2}$$

$$F_{12} = \frac{9 \times 10^9 \times 8 \times 10^{-9} \times 2 \times 10^{-9}}{(4 \times 10^{-3})^2} = 9 \times 10^{-3} \text{ N}$$

$$F_{32} = \frac{9 \times 10^9 \times 3 \times 10^{-9} \times 2 \times 10^{-9}}{(3 \times 10^{-3})^2} = 6 \times 10^{-3} \text{ N}$$

$$R = (-9 \times 10^{-3} \text{ N})\vec{i} + (6 \times 10^{-3} \text{ N})\vec{j}$$



(فیزیک ۲ - فصل ۱ - سطح دشواری: متوسط)

۳۸. گزینه ۴ درست است.

کره بار ناهمنام میله پیدا می کند ولی مقدار بار آن مشخص نیست. (فیزیک ۲ - فصل ۱ - سطح دشواری: متوسط)

۳۹. گزینه ۳ درست است.

$$|\vec{F}| = \sqrt{(0.06)^2 + (0.08)^2} = \sqrt{0.0036 + 0.0064} = 0.1 \text{ N}$$

$$|\vec{E}| = \frac{|\vec{F}|}{|q|} = \frac{0.1}{5 \times 10^{-6}} = \frac{1}{5} \times 10^5 = 2 \times 10^4 \frac{\text{N}}{\text{C}}$$

(فیزیک ۲ - فصل ۱ - سطح دشواری: متوسط)

۴۰. گزینه ۱ درست است.

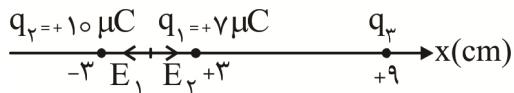
$$\vec{E} = \frac{\vec{F}}{q_0}$$

اگر  $q_0 > 0 \iff \vec{E} \text{ و } \vec{F} \text{ هم جهتند.}$

اگر  $q_0 < 0 \iff \vec{E} \text{ و } \vec{F} \text{ در خلاف جهتند.}$

(فیزیک ۲ - فصل ۱ - سطح دشواری: متوسط)

۴۱. گزینه ۳ درست است.



$$E_{1,2} = E_2 - E_1 = k \frac{|q_2|}{r^2} - k \frac{|q_1|}{r^2} = 9 \times 10^9 \times \frac{10 \times 10^{-6}}{(3 \times 10^{-2})^2} - 9 \times 10^9 \times \frac{7 \times 10^{-6}}{(3 \times 10^{-2})^2} = 3 \times 10^7$$

میدان الکتریکی برآیند وقتی در مبدأ صفر می‌شود که:

$$E_3 = E_{1,2}$$

$$k \frac{|q_3|}{r_3^2} = 3 \times 10^7$$

$$E_3 \leftarrow \bullet \rightarrow E_{1,2}$$

$$9 \times 10^9 \times \frac{|q_3|}{(9 \times 10^{-2})^2} = 3 \times 10^7 \rightarrow |q_3| = 27 \times 10^{-6} \text{ C}$$

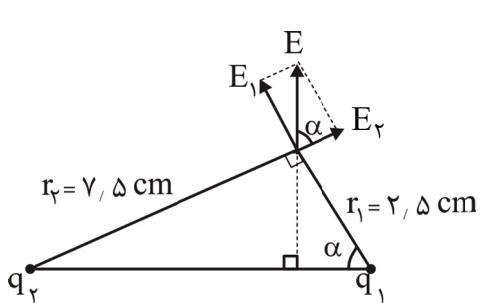
$$|q_3| = 27 \mu\text{C}$$

توجه شود که بار  $q_3$  مثبت است و میدان  $\vec{E}_3$  از آن خارج می‌شود. (فیزیک ۲ - فصل ۱ - سطح دشواری: دشوار) ۴۲. گزینه ۳ درست است.

$$\begin{aligned} \tan \alpha &= \frac{E_1}{E_2} \\ \tan \alpha &= \frac{\gamma/\delta}{\gamma/\delta} = 3 \end{aligned} \Rightarrow \frac{E_1}{E_2} = 3$$

$$\frac{k \frac{|q_1|}{r_1}}{k \frac{|q_2|}{r_2}} = 3 \Rightarrow \frac{|q_1|}{|q_2|} \times \left(\frac{r_2}{r_1}\right)^2 = 3$$

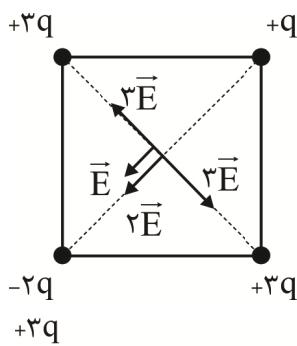
$$\Rightarrow \frac{|q_1|}{|q_2|} \times \left(\frac{\gamma/\delta}{\gamma/\delta}\right)^2 = 3 \Rightarrow \frac{|q_1|}{|q_2|} = \frac{1}{3}$$



(فیزیک ۲ - فصل ۱ - سطح دشواری: دشوار)

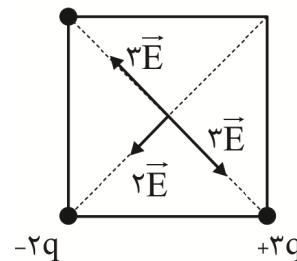
۴۲. گزینه ۲ درست است.

حالات اول:



$$\vec{E} = 3 \vec{E}$$

(۱) برآیند



$$\vec{E} = 2 \vec{E}$$

(۲) برآیند

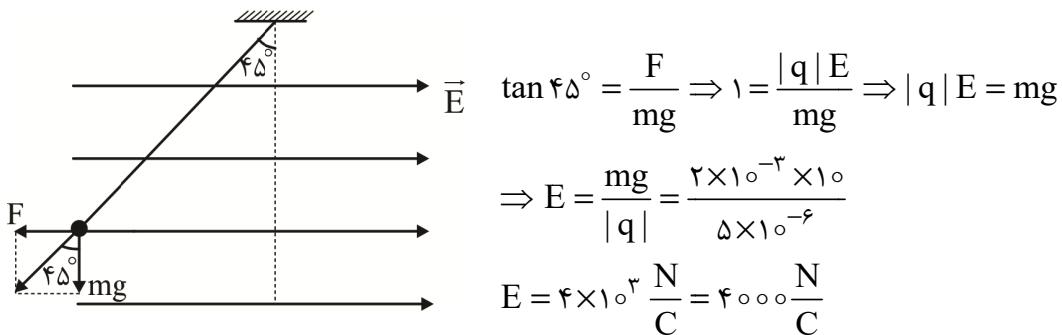
حالات دوم:

$$\frac{|\vec{E}_{(2)}|}{|\vec{E}_{(1)}|} = \frac{2\vec{E}}{3\vec{E}} = \frac{2}{3}$$

(فیزیک ۲ - فصل ۱ - سطح دشواری: متوسط)

۴۴. گزینه ۳ درست است.

چون بار گلوله منفی است، بنابراین جهت میدان الکتریکی ( $\vec{E}$ ) در خلاف نیروی وارد بر گلوله ( $\vec{F}$ ) است.



(فیزیک ۲ - فصل ۱ - سطح دشواری: دشوار)

۴۵. گزینه ۱ درست است.

$$E_1 = k \frac{|q'|}{r_1^2} \Rightarrow \frac{E_2}{E_1} = \left(\frac{r_1}{r_2}\right)^2$$

$$E_2 = k \frac{|q'|}{r_2^2} \Rightarrow \frac{E_2}{E_1} = \left(\frac{r_1}{r_1 + 0.25r_1}\right)^2 = \left(\frac{1}{1.25}\right)^2 = \frac{16}{25}$$

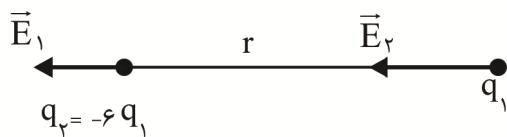
$$\frac{E_2}{E_1} = 0.64 \Rightarrow E_2 = 0.64 E_1$$

$$\Delta E = E_2 - E_1 = 0.64 E_1 - E_1 = -0.36 E_1$$

یعنی بزرگی میدان  $\%36$  کاهش یافته است.

(فیزیک ۲ - فصل ۱ - سطح دشواری: متوسط)

۴۶. گزینه ۳ درست است.



طبق رابطه  $E = k \frac{|q|}{r^2}$  در فاصله یکسان، بزرگی میدان الکتریکی با اندازه بار نسبت مستقیم دارد؛ یعنی:

$$\frac{E_2}{E_1} = \frac{|q_2|}{|q_1|} = 6$$

از طرفی جهت میدان‌های الکتریکی  $\vec{E}_1$  و  $\vec{E}_2$  یکسان است.

بنابراین:  $\vec{E}_2 = 6\vec{E}_1$

نکته: جهت خطهای میدان به گونه‌ای است که از بار مثبت خارج می‌شوند و به بار منفی وارد می‌شوند.

(فیزیک ۲ - فصل ۱ - سطح دشواری: متوسط)

۴۷. گزینه ۱ درست است.

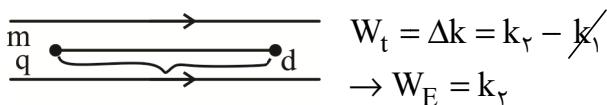
$$\Delta V = \frac{\Delta u}{q} \Rightarrow \text{ولت} = \frac{\text{ژول}}{\text{کولن}}$$

$$\Rightarrow \text{ولت} = \frac{\text{kg} \frac{\text{m}^2}{\text{s}^2}}{\text{A.s}} = \frac{\text{kgm}^2}{\text{A.s}^3}$$

(فیزیک ۲ - فصل ۱ - سطح دشواری: دشوار)

۴۸. گزینه ۴ درست است.

طبق قضیه کار و انرژی جنبشی داریم:



$$W_t = \Delta k = k_2 - k_1$$

$$\rightarrow W_E = k_2$$

$$\rightarrow qEd = \frac{1}{2}mv^2 \rightarrow v^2 = \frac{2qEd}{m} \Rightarrow v = \sqrt{\frac{2qEd}{m}}$$

(فیزیک ۲ - فصل ۱ - سطح دشواری: دشوار)

۴۹. گزینه ۱ درست است.

$$\Delta V = E \cdot d \Rightarrow E = \frac{\Delta V}{d} = \frac{12}{0.2} = 60 \frac{V}{m}$$

$$F = qE = (1.0 \times 10^{-9} C)(60)$$

$$F = 6 \text{ N}$$

(فیزیک ۲ - فصل ۱ - سطح دشواری: متوسط)

۵۰. گزینه ۱ درست است.

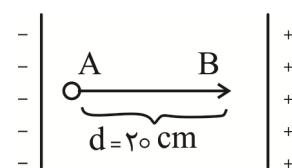
طبق قضیه کار و انرژی جنبشی داریم:

$$W_t = \Delta k \Rightarrow W_E = k_B - k_A \rightarrow -qEd = -\frac{1}{2}mv_0^2$$

$$\rightarrow qEd = \frac{1}{2}mv_0^2 \rightarrow 1.6 \times 10^{-19} \times 10^3 \times 0.2 = \frac{1}{2} \times 1.6 \times 10^{-27} v_0^2$$

$$\rightarrow v_0^2 = \frac{1.6 \times 10^{-19} \times 10^3 \times 0.2}{\frac{1}{2} \times 1.6 \times 10^{-27}} \rightarrow v_0^2 = 4 \times 10^{10}$$

$$\rightarrow v_0 = 2 \times 10^5 \left( \frac{m}{s} \right)$$



(فیزیک ۲ - فصل ۱ - سطح دشواری: دشوار)

۵۱. گزینه ۳ درست است.

طبق قضیه کار و انرژی جنبشی داریم:

$$W_t = \Delta k \rightarrow W_E = \Delta k \rightarrow -\Delta U_E = k_2 - k_1$$

$$\rightarrow -q\Delta v = k_2 - k_1$$

$$\rightarrow -q(0 - 200) = \frac{1}{2} \times 100 \times 10^{-6} \times (10)^2$$

$$\rightarrow 200q = 50 \times 10^{-4} \rightarrow 4q = 10^{-4}$$

$$\rightarrow q = \frac{1}{4} \times 10^{-4} C = 25 \times 10^{-4} C$$

$$\rightarrow q = 25 \mu C$$

(فیزیک ۲ - فصل ۱ - سطح دشواری: دشوار)

۵۲. گزینه ۱ درست است.

هرگاه در جهت خطوط میدان حرکت کنیم، پتانسیل الکتریکی کاهش می‌یابد؛ پس:

$$\begin{aligned} v_B &< v_A \rightarrow v_B = -14(v) \\ W_t &= \Delta k \Rightarrow \Delta k = W_E = -\Delta U_E = -q\Delta v \\ &\rightarrow \Delta k = -q(v_A - v_B) \\ &\rightarrow \Delta k = -(-10\mu C)[14 - (-14)] \\ &\rightarrow \Delta k = 220\mu J \end{aligned}$$

(فیزیک ۲ - فصل ۱ - سطح دشواری: دشوار)

۵۳. گزینه ۱ درست است.

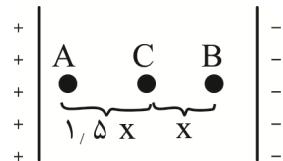
طبق رابطه  $\Delta V = Ed$  در میدان الکتریکی یکنواخت داریم:

$$V_A - V_c = 1/5x$$

$$V_A - V_B = 2/5x$$

$$\frac{V_A - V_C}{V_A - V_B} = \frac{1/5}{2/5} = \frac{3}{5} \rightarrow \frac{90 - V_C}{90 - 40} = \frac{3}{5}$$

$$\rightarrow 90 - V_C = 30 \rightarrow V_C = 60(V)$$



(فیزیک ۲ - فصل ۱ - سطح دشواری: دشوار)

۵۴. گزینه ۴ درست است.

طبق قضیه کار و انرژی جنبشی داریم:

$$W_t = \Delta k \rightarrow W_E + W_F = K_f - K_i = 0$$

$$\rightarrow -\Delta U_E + W_F = 0 \rightarrow -q\Delta V + W_F = 0$$

$$\rightarrow q\Delta V = W_F = 0 \rightarrow q(V_B - V_A) = W_F$$

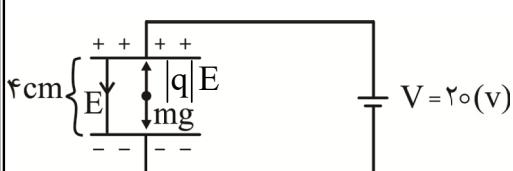
$$\rightarrow 10^{-18} (V_B - 100) = 2 \times 10^{-16}$$

$$\rightarrow V_B - 100 = 200 \rightarrow V_B = 300(V)$$

(فیزیک ۲ - فصل ۱ - سطح دشواری: دشوار)

۵۵. گزینه ۲ درست است.

نیروی  $\vec{F}_E = q\vec{E}$  باید رو به بالا به ذره وارد شود تا  $mg$  را خنثی نماید؛ پس چون میدان الکتریکی از بالا به طرف پایین است و  $\vec{F}_E$  باید رو به بالا باشد تا  $mg$  را خنثی کند، پس نوع بار ذره منفی است و داریم:



$$\begin{aligned} |q|E &= mg \rightarrow |q| \frac{V}{d} = mg \\ \rightarrow |q| &= \frac{mgd}{V} = \frac{3 \times 10^{-3} \text{ kg} \times 10 \times 4 \times 10(\text{m})}{20} \\ \rightarrow |q| &= 6 \times 10^{-5} \rightarrow q = -60\mu C \end{aligned}$$

(فیزیک ۲ - فصل ۱ - سطح دشواری: متوسط)

## شیمی (۲)

۵۶. گزینه ۳ درست است.

در پاراگراف دوم صفحه (۲) کتاب درسی آمده است که گرما دادن به مواد و افزودن آنها به یکدیگر سبب تغییر و گاهی بهبود خواص می‌شود. بقیه عبارت‌ها با توجه به صفحه‌های (۱) و (۲) درست هستند.

(شیمی ۲ - فصل ۱؛ سطح دشواری: آسان)

۵۷. گزینه ۲ درست است.

- (الف) درست است. کودهای شیمیایی پتاسیم، نیتروژن و فسفر برای رشد سبزیجات و میوه‌ها اثر دارند. (صفحه ۴ کتاب درسی)  
 (ب) درست است. سوخت‌های فسیلی از دل زمین بیرون کشیده می‌شوند. (صفحه ۵ کتاب درسی پاراگراف اول)  
 (پ) درست است. با توجه به خط آخر پاراگراف اول صفحه ۶ کتاب درسی.  
 (ت) نادرست است. توضیح این عبارت مربوط به علم شیمی است نه علم تجربی آخر پاراگراف دوم (صفحه ۶ کتاب درسی)  
 (شیمی ۲- فصل ۱؛ سطح دشواری: آسان)

۵۸. گزینه ۱ درست است.

بررسی عبارت‌ها:

- (الف) نادرست است؛ زیرا کربن نافلز است و مربوط به تناوب دوم می‌باشد.  
 (ب) نادرست است؛ زیرا گرافیت که دگرشکل کربن است رسانایی الکتریکی دارد و سیلیسیم رسانایی الکتریکی کمی دارد.  
 (پ) درست است. با توجه به، با هم ببینید (صفحه ۷ کتاب درسی).  
 (ت) نادرست است؛ زیرا کربن و سیلیسیم توانایی از دست دادن الکترون را ندارند و با اشتراک گذاشتن الکترون به گاز نجیب می‌رسند.  
 (شیمی ۲- فصل ۱؛ سطح دشواری: آسان)

۵۹. گزینه ۴ درست است.

بررسی عبارت‌ها:

- (الف) درست است. عنصر آغازگر سدیم است که خاکستری رنگ می‌باشد و مطابق شکل صفحه (۸) با چاقو بریده می‌شود و گاز زرد رنگ کلر جامد یونی و سفید رنگ سدیم کلرید را تولید می‌نماید.  
 (ب) درست است. توضیحات این عبارت مربوط به نافلز گوگرد است.  
 (پ) نادرست است؛ زیرا فلز الکترون از دست می‌دهد، الکترون نمی‌گیرد.  
 (ت) نادرست است؛ زیرا ۸ عنصر وجود دارد که ۶ عنصر آن دو حرفی و ۲ عنصر آن تک حرفی هستند.  
 (شیمی ۲- فصل ۱؛ سطح دشواری: متوسط)

۶۰. گزینه ۱ درست است.

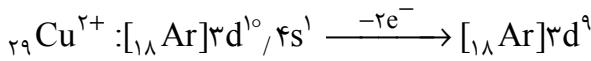
اگر جای واژه شیمیایی و رفتار فیزیکی را در گزینه ۱ عوض کنیم، عبارت درست خواهد شد.  
 خواص فیزیکی شبه‌فلزها بیشتر به فلزها شبیه بوده در حالی که رفتار شیمیایی آن‌ها همانند نافلزها است.

بررسی سایر گزینه‌ها:

- (۲) با توجه به خط آخر پاراگراف سوم صفحه ۹ درست است.  
 (۳) با توجه به خط دوم پاراگراف اول صفحه ۱۱ درست است.  
 (۴) با توجه به خط دوم پاراگراف دوم صفحه ۱۱ درست است.

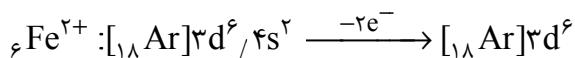
(شیمی ۲- فصل ۱؛ سطح دشواری: آسان)

۶۱. گزینه ۳ درست است.

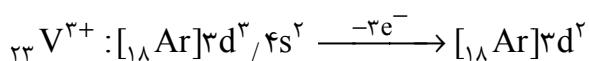


بررسی گزینه‌های نادرست:

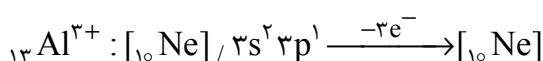
(۱) ابتدا باید از ۴S و سپس ۳d الکترون بگیریم:



(۲)



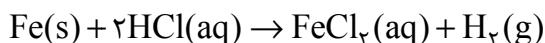
(۴) آلومینیوم فلز است و نمی‌تواند الکترون دریافت کند و باید الکترون از دست بدهد؛ پس:



(شیمی ۲- فصل ۱؛ سطح دشواری: متوسط)

۶۲. گزینه ۲ درست است.

ابتدا معادله را موازن می‌کنیم؛ سپس مسئله را حل می‌کنیم:



$$2/8 \text{ g Fe} \times \frac{56 \text{ g Fe}}{100 \text{ g Fe}} \times \frac{1 \text{ mol Fe}}{56 \text{ g Fe}} \times \frac{1 \text{ mol H}_2}{1 \text{ mol Fe}} \times \frac{22/4 \text{ L H}_2}{1 \text{ mol H}_2} = 0.672 \text{ L H}_2$$

$$\frac{\cancel{2}/\cancel{8} \times \cancel{4} \times \cancel{2} \times \cancel{1} \times 10^{-2}}{\cancel{5} \times \cancel{56} \times \cancel{1}} = \frac{32 \times 10^{-2}}{5} = 0.672 \text{ L H}_2$$

(شیمی ۲- فصل ۱؛ سطح دشواری: آسان)

۶۳. گزینه ۴ درست است.

بررسی عبارت‌ها:

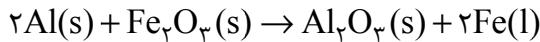
الف) درست است. هر چه فلز فعال‌تر باشد، میل بیشتری به ایجاد ترکیب دارد و ترکیب‌هایش پایدارتر از خودش است و استخراج فلز دشوار‌تر است.

ب) درست است. با توجه به خط چهارم پاراگراف سوم صفحه ۲۱ کتاب درسی و همچنین معادله زیر:



پ) درست است. با توجه به نمونه حل شده صفحه ۲۳ کتاب درسی.

ت) درست است. با توجه به خود را بیازمایید شماره ۲۴ کتاب درسی و همچنین معادله زیر:



(شیمی ۲- فصل ۱؛ سطح دشواری: آسان)

۶۴. گزینه ۱ درست است.

ابتدا معادله را موازن و سپس مسئله را حل می‌کنیم. دقت داشته باشید که در صورت سؤال ذکرشده %۳۰ ناخالص، پس %۷۰ آن خالص می‌باشد.



$$24/5 \text{ g KClO}_3 \times \frac{70 \text{ g KClO}_3}{100 \text{ g KClO}_3} \times \frac{1 \text{ mol KClO}_3}{122/5 \text{ g KClO}_3} \times \frac{3 \text{ mol O}_2}{2 \text{ mol KClO}_3} \times \frac{32 \text{ g O}_2}{1 \text{ mol O}_2} \times \frac{100 \text{ g O}_2}{60 \text{ g O}_2}$$

$$= 11.2 \text{ g O}_2$$

$$\frac{\cancel{2}/\cancel{5} \times \cancel{7} \times \cancel{1} \times \cancel{3} \times \cancel{100} \times \cancel{100}}{\cancel{122}/\cancel{5} \times \cancel{1} \times \cancel{100}} = \frac{56}{5}$$

$$\frac{\text{مقدار عملی}}{\text{مقدار نظری}} \times 100 \rightarrow 50 = \frac{x}{11.2} \times 100 \rightarrow x = 5.6 \text{ g O}_2$$

(شیمی ۲- فصل ۱؛ سطح دشواری: متوسط)

۶۵. گزینه ۲ درست است.

بررسی عبارت‌ها:

الف) درست است. با توجه به خط سوم پایین صفحه ۲۵ کتاب درسی.

ب) درست است. با توجه به پاراگراف اول صفحه ۲۶ کتاب درسی.

پ) درست است. با توجه به خط دوم و سوم پاراگراف اول صفحه ۲۷ کتاب درسی.

ت) نادرست است. در تعریف ارزیابی چرخه عمر به جای واژه واکنش‌دهنده باید فرآورده باشد، خط اول پایین صفحه ۲۸ کتاب درسی.

(شیمی ۲- فصل ۱؛ سطح دشواری: آسان)

۶۶. گزینه ۴ درست است.

بررسی گزینه‌ها:

(۱) واکنش پذیری Na از K کمتر است، پس نمی‌تواند آن را آزاد کند.

(۲) واکنش پذیری Ag از Fe کمتر، پس نمی‌تواند آن را آزاد کند.

(۳) واکنش پذیری Al از Zn کمتر است، پس نمی‌تواند آن را آزاد کند.

(۴) واکنش پذیری Fe از Na بیشتر است، پس می‌تواند آن را آزاد کند.

در نتیجه واکنش‌های مربوط به گزینه‌های (۱، ۲ و ۳) انجام ناپذیر است ولی واکنش گزینه ۴ انجام پذیر است.

(شیمی ۲- فصل ۱؛ سطح دشواری: متوسط)

۶۷. گزینه ۳ درست است.

ابتدا معادله را موازن، سپس مسئله را حل می‌کنیم.



$$\begin{aligned} 0.18 \text{ g Fe}_2\text{O}_3 &\times \frac{60 \text{ g Fe}_2\text{O}_3}{100 \text{ g Fe}_2\text{O}_3} \times \frac{1 \text{ mol Fe}_2\text{O}_3}{160 \text{ g Fe}_2\text{O}_3} \times \frac{3 \text{ mol CO}_2}{2 \text{ mol Fe}_2\text{O}_3} \times \frac{44 \text{ g CO}_2}{1 \text{ mol CO}_2} \times \frac{1 \text{ L CO}_2}{11 \text{ g CO}_2} \\ &= 0.18 \text{ L CO}_2 \end{aligned}$$

$$\frac{\cancel{1} \times \cancel{3} \times \cancel{4} \times \cancel{3} \times \cancel{44} \times \cancel{15}}{\cancel{2} \times \cancel{16} \times \cancel{10} \times \cancel{2} \times \cancel{1} \times \cancel{15}} = \frac{9}{25 \times 2} = \frac{9}{50}$$

(شیمی ۲- فصل ۱؛ سطح دشواری: متوسط)

۶۸. گزینه ۱ درست است.

سدیم فلز گروه اول (چپ‌تر) و منیزیم فلز گروه دوم است، در یک دوره خاصیت فلزی از چپ به راست کاهش می‌یابد.

بررسی سایر گزینه‌ها:

(۲) گوگرد نافلز است و رسانایی الکتریکی ندارد.

(۳) در یک دوره تعداد لایه‌های الکترونی اشغال شده عناصر ثابت است.

(۴) در گروه هفدهم با افزایش عدد اتمی تشکیل یون هالید کاهش می‌یابد. (شیمی ۲- فصل ۱؛ سطح دشواری: متوسط)

۶۹. گزینه ۳ درست است.

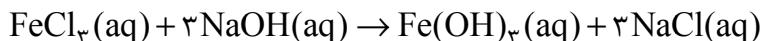
بررسی عبارت‌ها:

الف) نادرست است؛ زیرا رنگ یون آهن (II) در مجاورت یون هیدروکسید سبز است.

ب) نادرست است؛ زیرا پرمصرف‌ترین فلز آهن است.

پ) درست است. فرمول زنگ آهن  $\text{Fe}_2\text{O}_3$  است، پس  $\text{Fe}^{3+}$  در آن وجود دارد.

ت) درست است:



(شیمی ۲- فصل ۱؛ سطح دشواری: متوسط)

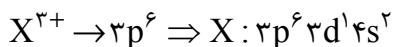
۷۰. گزینه ۲ درست است.

$$? \text{LH}_3 = 1 \text{ kg NH}_3 \times \frac{10 \text{ g}}{1 \text{ kg}} \times \frac{1 \text{ mol NH}_3}{17 \text{ g NH}_3} \times \frac{3 \text{ mol H}_2}{2 \text{ mol NH}_3} \times \frac{22/4 \text{ LH}_2}{1 \text{ mol H}_2} \times \frac{100}{30} = 6588/22 \text{ LH}_2$$

(شیمی ۲- فصل ۱؛ سطح دشواری: متوسط)

۷۱. گزینه ۴ درست است.

ابتدا آرایش یون را به خنثی تبدیل می‌کنیم و سپس عبارت‌ها را بررسی می‌کنیم:



(الف) درست است. اولین عنصر واسطه تناوب چهارم است و عدد اتمی آن  $Z = 21$  است.

(ب) درست است. با توجه به خود را بیازمایید صفحه ۱۶ کتاب درسی شماره ۱ درست است.

(پ) نادرست است؛ زیرا آرایش لایه ظرفیت آن  $3d^1 4s^2$  است و فرمول ترکیب آن با اکسیژن  $X_2O_3$  می‌باشد.  
(ت) درست است. در آخرین زیرلایه این عنصر دو الکترون وجود دارد و در آخرین زیرلایه  $3d^5 4s^2$  دو الکترون وجود دارد. (شیمی ۲- فصل ۱؛ سطح دشواری: متوسط)

۷۲. گزینه ۱ درست است.

با توجه به پاراگراف دوم صفحه ۱۳ کتاب درسی این مطالب درست است. هالوژن‌ها با گرفتن یک الکترون به گاز نجیب هم دوره خود می‌رسند و تولید یون هالید می‌نمایند.  
بررسی سایر گزینه‌ها:

(۲) هالوژن‌ها نافلز هستند و مانند همه نافلز‌ها الکترون دریافت می‌کنند.

(۳) در همه گروه‌های جدول دوره‌ای از بالا به پایین با افزایش عدد اتمی، شعاع اتمی افزایش می‌یابد.

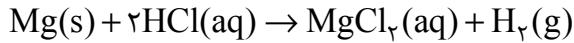
(۴) با توجه به جدول صفحه ۱۴ کتاب درسی فلور در دمای  $200^\circ C$  به سرعت با گاز هیدروژن واکنش می‌دهد.  
(شیمی ۲- فصل ۱؛ سطح دشواری: آسان)

۷۳. گزینه ۳ درست است.

با توجه به پاراگراف سوم، خط اول تا سوم آن در صفحه ۱۷ واژه‌های نمی‌شود و زیاد باید به می‌شود و کم تبدیل شوند.  
(شیمی ۲- فصل ۱؛ سطح دشواری: متوسط)

۷۴. گزینه ۲ درست است.

ابتدا معادله را موازن و سپس مسئله را حل می‌کنیم:



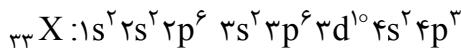
$$200 \text{ mol HCl} \times \frac{1 \text{ L HCl}}{100 \text{ mol HCl}} \times \frac{1/4 \text{ mol HCl}}{1 \text{ L HCl}} \times \frac{1 \text{ mol H}_2}{2 \text{ mol HCl}} \times \frac{2 \text{ g H}_2}{1 \text{ mol H}_2} \times \frac{100 \text{ g H}_2}{40 \text{ g H}_2}$$

$$= 0.2 \text{ g H}_2$$

$$\frac{\text{مقدار عملی}}{\text{مقدار نظری}} = \frac{X}{0.2} \times 100 \rightarrow X = 0.12$$

(شیمی ۲- فصل ۱؛ سطح دشواری: متوسط)

۷۵. گزینه ۱ درست است.



(الف) نادرست است. گروه ۱۵ - ردیف ۴

(ب) نادرست است.

$$1 = 1 \rightarrow p \rightarrow 1s^-$$

$$1 = 2 \rightarrow d \rightarrow 1s^-$$

$$\frac{15}{10} = 1.5$$

(پ) درست است.

$$n = 3 \rightarrow 1s^-$$

$$n = 4 \rightarrow 5s^-$$

$$\rightarrow \frac{18}{5} = 3.6$$

(ت) درست است. با نیتروژن گازی شکل هم‌گروه و با برم مایع هم‌دوره است.

(شیمی ۲- فصل ۱؛ سطح دشواری: دشوار)

۷۶. گزینه ۴ درست است.

ابتدا معادله را موازن و مسئله را حل می کنیم:



$$0.56 \text{ mol } H_2 \times \frac{1 \text{ mol } K}{22/4 \text{ mol } H_2} \times \frac{2 \text{ mol } K}{1 \text{ mol } H_2} \times \frac{39 \text{ g } K}{1 \text{ mol } K} = 1.95 \text{ g } K$$

$$\frac{\text{خالص}}{\text{ناخالص}} \times 100 = \frac{1.95 \text{ g}}{1.95 \text{ g}} \times 100 = 100\%$$

(شیمی ۲- فصل ۱؛ سطح دشواری: متوسط)

۷۷. گزینه ۲ درست است.

در گروه هالوژن ها از بالا به پایین واکنش پذیری کاهش می یابد و واکنش پذیری کلر از یود بیشتر بوده می تواند آن را از

ترکیب های آن آزاد کند.

بررسی سایر گزینه ها:

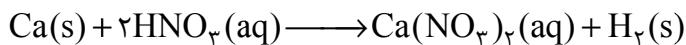
۱) واکنش پذیری  $K > Fe$  است، پس  $Fe$  نمی تواند  $K$  را آزاد کند.

۲) واکنش پذیری  $Fe > Cu$  است، پس  $Cu$  نمی تواند  $Fe$  آزاد کند.

۳) واکنش پذیری  $Cu > Ag$  است، پس  $Ag$  نمی تواند  $Cu$  را آزاد کند.

(شیمی ۲- فصل ۱؛ سطح دشواری: متوسط)

۷۸. گزینه ۱ درست است.



$$400 \text{ ml } HNO_3 \times \frac{1 \text{ mol } HNO_3}{1000 \text{ ml } HNO_3} \times \frac{0.2 \text{ mol } HNO_3}{1 \text{ mol } HNO_3} \times \frac{1 \text{ mol } H_2}{2 \text{ mol } HNO_3} \times \frac{2 \text{ g } H_2}{1 \text{ mol } H_2}$$

$$= 0.08 \text{ g } H_2$$

$$\frac{\text{مقدار عملی}}{\text{مقدار نظری}} = \frac{0.02}{0.08} \times 100 = 25\%$$

(شیمی ۲- فصل ۱؛ سطح دشواری: متوسط)

۷۹. گزینه ۳ درست است.

بررسی عبارت ها:

الف) نادرست است؛ زیرا مصرف سالیانه نه سرانه آهن. خط اول یا پاراگراف سوم صفحه ۱۸ کتاب.

ب) درست است. گوگرد نافلز است؛ پس رسانایی الکتریکی و گرمایی ندارد و با توجه به شکل بالای صفحه ۱۸ کتاب، زرد رنگ می باشد.

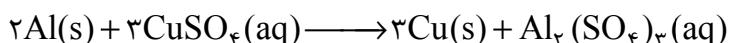
پ) نادرست است؛ زیرا  $Sc_{21}$  با از دست دادن سه الکترون به گاز نجیب آرگون رسیده و کاتیون  $Sc^{3+}$  تولید می نماید.

(پاراگراف دوم صفحه ۱۶ کتاب درسی)

ت) درست است. خط آخر پاراگراف سوم صفحه ۱۷ کتاب درسی

(شیمی ۲- فصل ۱؛ سطح دشواری: آسان)

۸۰. گزینه ۴ درست است.



$$81 \text{ g } Al \times \frac{9 \text{ g } Al}{100 \text{ g } Al} \times \frac{1 \text{ mol } Al}{27 \text{ g } Al} \times \frac{3 \text{ mol } Cu}{2 \text{ mol } Al} \times \frac{64 \text{ g } Cu}{1 \text{ mol } Cu} = 25.92 \text{ g } Cu$$

(شیمی ۲- فصل ۱؛ سطح دشواری: آسان)

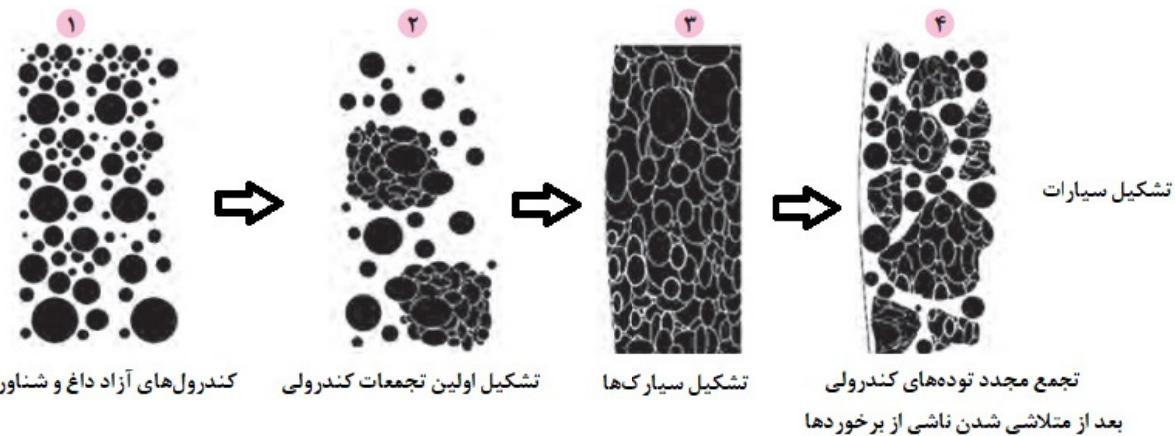
## زمین‌شناسی

۸۱. گزینه ۳ درست است.

کهکشان‌ها از تعداد زیادی ستاره، سیاره و فضای بین ستاره‌ای (غلب گاز و گرد و غبار) تشکیل شده‌اند که تحت تأثیر نیروی گرانش متقابل، یکدیگر را نگه داشته‌اند. (فصل ۱ - کهکشان راه شیری - سطح دشواری: آسان)

۸۲. گزینه ۳ درست است.

شکل زیر مراحل تجمع کندرول‌ها و تشکیل سیارات را نشان می‌دهد.



(فصل ۱ - تشکیل عناصر - سطح دشواری: متوسط)

۸۳. گزینه ۲ درست است.

برعکس! قطر آن در حدود ۱۰۰ هزار سال نوری و ضخامت آن حدود ۱۰ هزار سال نوری است.

(فصل ۱ - کهکشان راه شیری - سطح دشواری: متوسط)

۸۴. گزینه ۲ درست است.

با فوران آتشفشن‌های متعدد، گازهایی که از داخل زمین خارج شدند، به تدریج گازهای مختلف مانند اکسیژن، هیدروژن و نیتروژن هواکره را به وجود آورden. (فصل ۱ - تکوین زمین و آغاز زندگی در آن - سطح دشواری: متوسط)

۸۵. گزینه ۴ درست است.

منظور از حرکت ظاهري، حرکتی است که ما انسان‌ها از روی زمین برای خورشید تصور می‌کنیم؛ درست مانند کسی که در قطار نشسته و احساس می‌کند که درختان از او دور می‌شوند. حرکت ظاهري خورشید از شرق به غرب است، اما حواستان باشد این حرکت به خاطر حرکت وضعی زمین (از غرب به شرق) است.

(فصل ۱ - تغییرات آب و هوایی - سطح دشواری: دشوار)

۸۶. گزینه ۱ درست است.

مراحل تکوین زمین :

۱- کره مذاب : زمین به صورت کره‌ای مذاب، تشکیل و در مدار خود قرار گرفت.

۲- تشکیل سنگ‌کره : با گذشت زمان و سرد شدن تدریجی این گویی مذاب (زمین) سنگ‌های آذرین به عنوان نخستین اجزای سنگ‌کره تشکیل شدند.

۳- هواکره : با فوران آتشفشن‌های متعدد، گازهایی از داخل زمین خارج شدند.

۴- آب‌کره : کره زمین سردتر شد و بخار آب به صورت مایع درآمد.

۵- با تشکیل اقیانوس‌ها شرایط برای وجود آمدن زیست‌کره فراهم گردید. به وجود آمدن چرخه آب، باعث فرسایش سنگ‌ها، تشکیل رسوبات و سنگ‌های رسوبی شد. (فصل ۱ - تکوین زمین و آغاز زندگی در آن - سطح دشواری: متوسط)

۸۷. گزینه ۴ درست است.

از آنجایی که اورانیم ۲۳۸ نیمة عمر  $4/5$  میلیارد ساله دارد؛ در نتیجه برای نمونه‌های بالای ۵ میلیارد سال بهتر است از این عنصر (اورانیم ۲۳۸) استفاده کنیم. (فصل ۱ - سن زمین - سطح دشواری: متوسط)  
۸۸. گزینه ۱ درست است.

با توجه به شکل مقیاس زمان زمین‌شناسی و رویدادهای مهم آن در کتاب درسی، پیدایش نخستین ماهی‌ها، نخستین خزنه و نخستین گیاهان آونددار در دوران پالئوزوئیک بوده است؛ در حالی که پیدایش نخستین پستاندار در دوران مژوزوئیک بوده است. (فصل ۱ - زمان در زمین‌شناسی - سطح دشواری: متوسط)

۸۹. گزینه ۳ درست است.

انواع ناپیوستگی‌ها عبارت‌اند از:

۱- ناپیوستگی آذرین‌پی : در نقاطی که لایه‌هایی از سنگ‌های رسوبی به‌طور مستقیم در روی توده‌های آذرین قرار گرفته باشند، نوعی ناپیوستگی پدید می‌آید که به آن آذرین‌پی گویند.

۲- ناپیوستگی دگرشیب (زاویه‌دار) : در این نوع ناپیوستگی، سری رسوبات زیرین از حالت افقی خارج شده‌اند و روی آن‌ها، سری رسوبات جوان‌تر و اغلب افقی، قرار گرفته است و تشخیص آن بسیار آسان است.

۳- ناپیوستگی هم‌شیب (موازی) : این نوع ناپیوستگی‌ها فراوان‌تر، اما نامشخص‌تر از بقیه‌اند؛ زیرا لایه‌های رسوبی واقع در بالا و پایین سطح ناپیوستگی، با همدیگر موازی‌اند و حتی گاهی شواهد وقوع فرسایش احتمالی هم وجود ندارد.

(فصل ۱ - سن زمین - سطح دشواری: دشوار)

۹۰. گزینه ۱ درست است.

بسیاری از کالاهایی که در زندگی روزمره از آن‌ها استفاده می‌کنیم، یا با آن‌ها سروکار داریم، از منابع فلزی (آهن، آلومینیم، طلا و منیزیم)، غیرفلزی (رُس‌ها، زغال سنگ و ...) و یا مواد نفتی و فرآورده‌های پتروشیمی مانند پلاستیک، بنزین و ... به دست می‌آیند.

(فصل ۲ - منابع معدنی و ذخایر انرژی، زیربنای تمدن و توسعه - سطح دشواری: متوسط)

۹۱. گزینه ۴ درست است.

منابع معدنی پس از شناسایی توسط زمین‌شناسان، از معادن استخراج و پس از فرآوری، به کالاهای مورد نیاز تبدیل می‌شوند.

(فصل ۲ - منابع معدنی در زندگی ما - سطح دشواری: دشوار)

۹۲. گزینه ۴ درست است.

مقدار منگنز ( $10\%$  درصد براساس جرم) و فسفر ( $12\%$  درصد براساس جرم) به‌طور تقریبی با هم برابر است.

(فصل ۲ - غلظت عناصر در پوسته زمین - سطح دشواری: بسیار دشوار)

۹۳. گزینه ۴ درست است.

اگر در منطقه‌ای، غلظت عناصر از میانگین کلارک، کمتر باشد، آن را بی‌亨جاری منفی می‌نامند. براساس جدول غلظت کلارک مقدار عنصر سدیم  $2/77$  درصد براساس جرم است. (فصل ۲ - غلظت عناصر در پوسته زمین - سطح دشواری: دشوار)

۹۴. گزینه ۱ درست است.

بوون در حین آزمایشات و مطالعات تجربی خود مشاهده کرد که نخستین کانی‌های حاصل از سردشدن ماغما، پلازیوکلارز کلسیمی‌دار و الیوین هستند. (فصل ۲ - سری واکنشی بوون - سطح دشواری: متوسط)

۹۵. گزینه ۳ درست است.

کالکوپیریت با فرمول شیمیایی ( $\text{CuFeS}_2$ ) یکی از مهم‌ترین کانه‌های فلز مس است.

(فصل ۲ - کانسنگ - سطح دشواری: متوسط)



تسویی

# برگزاری آزمایشی شبہ امتحانات نهایی

دروس عمومی و اختصاصی پایه‌های دهم، یازدهم و دوازدهم



- آشنایی با سطح علمی سوالات و نحوه مطالعه کتب درسی جهت شرکت در امتحانات نهایی؛ ✓
- ارزیابی کیفی و کمی سطح آگاهی و آمادگی دانش‌آموزان؛ ✓

sanjesheducationgroup

صداي داوطلب ۰۲۱-۹۶۶۴۲۰

sanjeshserv

ثبت نام گروهی دبیرستان ها ۰۲۱-۸۸۸۴۴۷۹۱-۳

www.sanjeshserv.ir



# بسم تعالیٰ

## اطلاعیه شرکت در

### آزمون شبہ امتحانات نهایی دروس عمومی و اختصاصی (تشریحی)

#### ویژه دانش آموزان پایه های دهم، یازدهم و دوازدهم و داوطلبان کنکور سراسری

رشته های شاخه نظری دوره دوم آموزش متوسطه

به اطلاع تمامی مدیران، مشاوران، دبیران گرامی و نیز داوطلبان آزاد و دانش آموزان دوره دوم متوسطه می رسانند:  
شرکت تعاونی خدمات آموزشی کارکنان سازمان سنجش آموزش کشور با توجه به **تأثیر قطعی سوابق تحصیلی** در نتیجه کنکور سراسری سال تحصیلی جاری و آمادگی هرچه بهتر دانش آموزان جهت حضور در امتحانات مستمر اول و دوم (پایانی نوبت اول و دوم) نسبت به طراحی و برگزاری آزمون شبہ امتحانات نهایی دروس عمومی و اختصاصی (تشریحی) اقدام نموده است.

از مهم ترین مزایای آزمون آزمایشی شبہ نهایی می توان به موارد ذیل اشاره نمود:

- ✓ آشنایی با سطح علمی سوالات (تشریحی) آزمون شبہ نهایی؛ به تفکیک دروس عمومی و اختصاصی
- ✓ آشنایی و آماده سازی داوطلب با نمونه سوالات شبہ نهایی کشوری
- ✓ ارزیابی مداوم یاددهی و یادگیری مطالب درسی در پیشرفت تحصیلی دانش آموز؛

\* طراحی سوالات آزمون شبہ امتحانات نهایی دروس عمومی و اختصاصی (تشریحی)، بر اساس ارزشیابی تحصیلی وفق مقررات و ضوابط موجود در وزارت آموزش و پرورش می باشد.

جهت اطلاع از تسهیلات، جزئیات ثبت نام و نحوه برگزاری آزمون به سایت شرکت به نشانی [www.sanjeshserv.ir](http://www.sanjeshserv.ir) مراجعه فرمایید.